

Методические указания для самостоятельной работы по физике

Раздел Механика:

Кинематика прямолинейного и вращательного движения.

Составил: доцент кафедры ЕиГД
Левандовский Б.И.

Введение.

Уважаемые студенты! Чтобы стать хорошим специалистом технического профиля или в области медицины, необходимы глубокие и прочные знания по физике. Почему? Потому, что физика является фундаментальной наукой о природе. Законы физики: а) объясняют явления окружающей нас природы; б) позволяют понять многие процессы жизни на Земле; в) лежат в основе современных технологий. Развитие физики обеспечивает прогресс развития человечества.

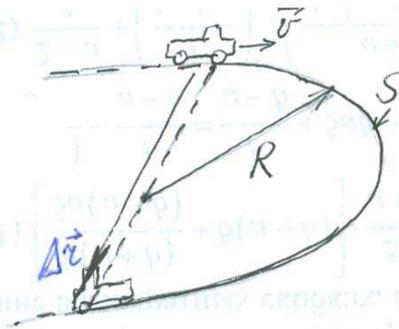
Уважаемые студенты, прочтите это введение внимательно, попробуйте выполнять рекомендации, которые будут приведены дальше:

1. Регулярно посещайте занятия, пытайтесь понимать изучаемый физический материал и выполняйте самостоятельно домашние задания. Читайте учебник и конспекты занятий в ваших рабочих тетрадях № 1 по физике. На каждом занятии преподаватели дают Вам ключевые (важные) фразы, которые необходимо изучить наизусть. Если что-то непонятно, то приходите на дополнительное занятие, спрашивайте у вашего преподавателя.
2. Физика традиционно делится на разделы (части). Данное пособие должно помочь Вам в изучении первой части механики-«Кинематики». В кинематике рассмотрено механическое движение без учёта причин (сил), которые вызывает движение.
3. Часто студент думает, что у него есть теоретические знания по физике, но на практике (в процессе решения задач) он не может свободно использовать (применять) свои знания. Это связано с тем, что у студента нет навыков (опыта) применения (использования) своих знаний.
4. Данное пособие поможет Вам получить необходимые советы для решения задач и у Вас должны появиться навыки (опыт) использования своих знаний по физике. Самостоятельное решение задач поможет Вам развивать мышление (умение думать), даст возможность закрепить навыки использования знаний по физике. Такие навыки (умения) будут необходимы Вам всегда в учёбе и будущей профессиональной работе после окончания нашего университета.
5. Уважаемые студенты! Успех каждого студента зависит от его настойчивой самостоятельной работы после занятий. Вы должны

регулярно следить за своими знаниями, выяснять и понимать, что Вы забыли или не поняли. Если надо, то студент читает нужный параграф в учебнике. Самостоятельная работа по закреплению теоретических знаний по физике при решении задач даст вам уверенность в себе и принесёт Вам успех не только в изучении физики, но и других предметов.

Теперь перейдём к решению задач.

Задача 1. Автомобиль при развороте проехал половину дуги окружности (рис.1). Во сколько раз путь, который проехал автомобиль, больше модуля его перемещения?



Решение задачи с объяснением.

Перерисуем данную схему в рабочую и обозначим на ней путь S и вектор

перемещения $\Delta \vec{r}$ (рис.2), запишем кратко условие задачи $S -$ это путь, который проехал автомобиль. Путь S по условию задачи равен половине длины окружности

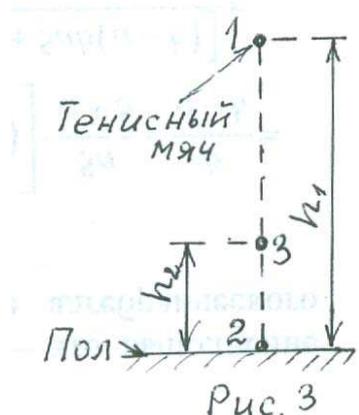
$$S = \frac{l}{2} = \frac{\pi R}{1} \quad (1)$$

Из рис.2 мы видим, что модуль вектора $|\Delta \vec{r}| = \Delta r$ будет $\Delta r = 2R$ (2).

Найдём искомую величину: $\eta = \frac{S}{\Delta r} = \frac{\pi R}{2R} = \frac{\pi}{2} = \frac{3,14}{2} = 1,57.$

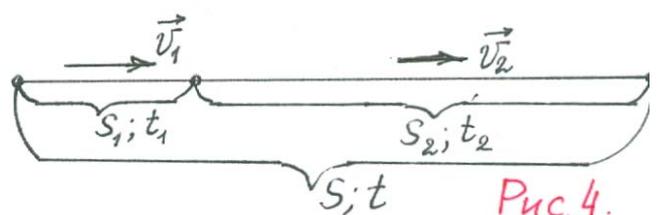
Решите самостоятельно задачу № 2.

Задача 2. Теннисный мяч упал с высоты $h_1 = 1,5$ м, а после отскока от пола поднялся на высоту $h_2 = 0,5$ м. Во сколько раз (η) путь мяча больше его модуля перемещения? (Рис.3).



Ответ: $\eta = 2.$

Задача 3. Первую четверть пути ($S_1 = \frac{S}{4}$) поезд двигался со скоростью $v_1 = 72$ км/ч, а оставшийся путь проехал со скоростью $v_2 = 54$ км/ч. Какова средняя скорость на всём пути. (Рис.4.)?



Подставим числовые данные в системе СИ в рабочую формулу (7), выполним вычисление и получим ответ, который подчеркнём:

$$\langle v \rangle = \frac{4 \cdot 20 \cdot 15}{15 + 3 \cdot 20} = \frac{80 \cdot 15}{75} = 16 \text{ м/с}$$

Решение задачи № 3 иллюстрирует алгоритм (последовательность) решения задач в физике:

- 1) Первое чтение условия задачи надо сопроводить краткой записью в рабочей тетради условия задачи с переводом числовых данных в СИ. Эти данные необходимо представлять в рациональной форме.

Например: $v = 300000 \frac{\text{км}}{\text{ч}} = 3 \cdot 10^8 \frac{\text{м}}{\text{с}}$.

- 2) После второго или третьего чтения условия задачи сделайте попытку изобразить рисунок или схему, которая соответствует условию задачи. Если уже есть рисунок или схема, то надо её нарисовать в рабочей тетради и нанести необходимые обозначения. Рисунок или схема поможет студенту провести анализ явлений, которые приведены в условии задачи.
- 3) Решение задачи надо всегда пытаться сопровождать кратким объяснением, так как это позволяет Вам закрепить знание естественнонаучной лексики. Начинают решение задачи с записи уравнения (формулы), куда входит искомая величина. Если необходимо, то записывают ещё несколько формул, которые связаны с первым уравнением. Получают систему уравнений. Затем производят алгебраические преобразования в буквенном (общем) виде до получения рабочей формулы для вычисления искомой величины.
- 4) Правильность выполнения алгебраических преобразований студент определяет с помощью проверки единицы измерения искомой величины по рабочей формуле. Такая проверка единицы измерения даёт возможность закрепить знание основных и производных единиц измерения различных величин и взаимосвязь между ними.
- 5) В рабочую формулу надо подставить числовые значения величин, которые выражены в единицах СИ, а затем выполнить вычисления. Числовое значение искомой величины записывают в рациональном виде, оно является ответом задачи и его можно подчеркнуть два раза.

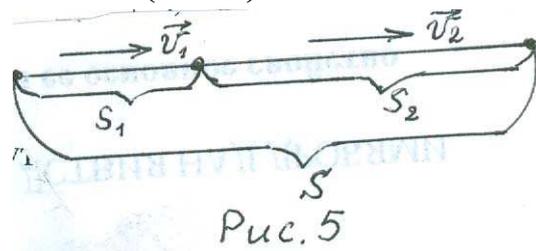
Попробуйте решить самостоятельно следующие задачи.

Задача 4. Велосипедист проехал первую половину пути со скоростью $v_1 = 36 \text{ км/ч}$, а вторую – с $v_2 = 36 \frac{\text{км}}{\text{ч}}$. Определите среднюю путевую скорость.

Ответ: 8 м/с.

Задача 5. Грузовик первую треть пути ($S_1 = \frac{S}{3}$) проехал со скоростью

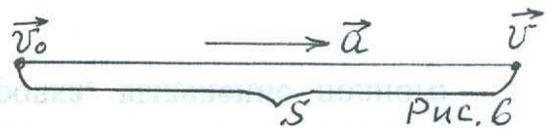
$v_1 = 36 \text{ км/ч}$. Средняя путевая скорость была $\langle v \rangle = 12 \text{ м/с}$. С какой скоростью грузовик проехал оставшуюся часть пути? ($v_2 = ?$). (рис.5).



Рассмотрим задачи, в которых представлено прямолинейное равнопеременное движение, когда $\vec{a} = \text{const}$. Для решения этих задач необходимо помнить следующие пять основных формул (рис.6):

$$1. v = v_0 \pm at \qquad 2. S = v_0 t \pm \frac{at^2}{2} \qquad 3. v^2 - v_0^2 = \pm 2aS$$

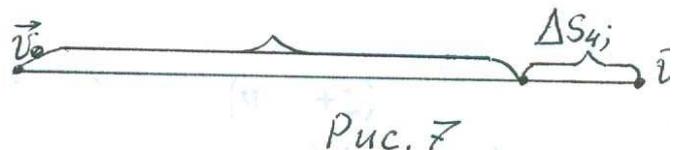
$$4. \langle v \rangle = \frac{S}{t} \qquad 5. \langle v \rangle = \frac{v_0 + v}{2}$$



В этих выражениях (формулах) приняты обозначения: v_0 и v - начальная и конечная скорости; $\pm a$ - ускорение при равноускоренном и равнозамедленном движении; S - путь; t - время движения. Эти формулы следует упрощать, если начальная скорость $v_0 = 0$ или конечная скорость $v = 0$.

Задача 6. Тело начинает двигаться из состояния покоя и в течение четвёртой секунды ($\Delta t_4 = 1 \text{ с}$) проходит путь $\Delta S_4 = 35 \text{ м}$.

Какова скорость в конце четвёртой секунды?



Решение задачи с объяснением.

$$\Delta S_4 = 35 \text{ м}$$

$$v_0 = 0$$

$$\Delta t_4 = 1 \text{ с}$$

$$t_4 = 4 \text{ с}$$

$$t_3 = 3 \text{ с}$$

$$v - ?$$

Перерисуем рисунок и показываем на нём величины, которые характеризуют движение (рис.8) данного тела.

Запишем кратко условие задачи.

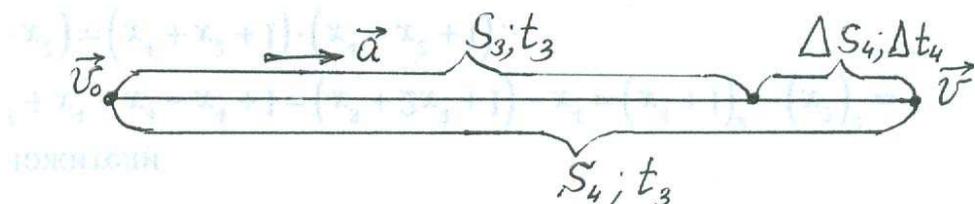


Рис.8

По условию задачи тело движется равноускоренно. Можно записать формулу для определения конечной скорости: $v = \alpha t_4$ (1)

Из анализа рисунка видим:

$$\Delta S_4 = S_4 - S_3 \quad (2)$$

здесь S_4 и S_3 – есть пути, которые тело прошло за t_1 и t_2 , а начальная скорость $v_0 = 0$:

$$S_4 = \frac{\alpha t_4^2}{2}; \quad S_3 = \frac{\alpha t_3^2}{2} \quad (3)$$

Выполним алгебраические преобразования: подставим выражения (3) в формулу (2) и выразим ускорение:

$$\Delta S_4 = \frac{\alpha t_4^2}{2} - \frac{\alpha t_3^2}{2} \Rightarrow \Delta S_4 = \frac{\alpha}{2}(t_4^2 - t_3^2) \Rightarrow \alpha = \frac{2\Delta S_4}{t_4^2 - t_3^2}$$

Эту формулу для ускорения

подставим в (1) и получим рабочую формулу:

$$v = \frac{2\Delta S_4 t_4}{t_4^2 - t_3^2}$$

Проверим единицу измерения искомой величины и находим числовое значение:

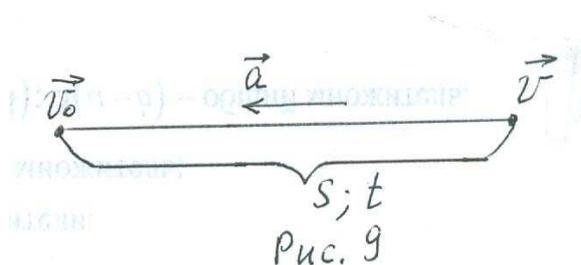
$$[v] = \left[\frac{m \cdot c}{c^2 - c^2} \right] = m/c$$

$$v = \frac{2 \cdot 35 \cdot 4}{16 - 9} = 40 m/c$$

Рекомендуем решить самостоятельно на равнопеременное движение следующие задачи.

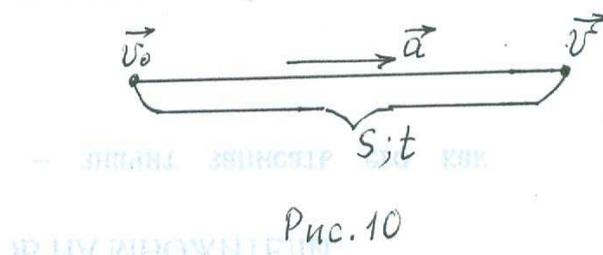
Задача 7. Автомобиль, который двигался со скоростью $v_0 = 15 m/c$ затормозил и остановился через время $t = 4$ с. Определите тормозной путь (рис.9).

Ответ: 30 м.



Задача 8. За какое время скорость автомобиля при равноускоренном движении увеличилась от $v_0 = 18 км/ч$ до 20 м/с, если он проехал путь $S = 200$ м (рис.10).

Ответ: 16 с.



Задача 9. За пятую секунду ($\Delta t_5 = 1\text{c}$) равнозамедленного движения тело проходит путь $\Delta S_5 = 1\text{м}$ и останавливается. Какой путь ($\Delta S_3 - ?$) пройдет тело за третью секунду ($\Delta t_3 - t_c$). (См.рис.11).

Ответ: 5 м.

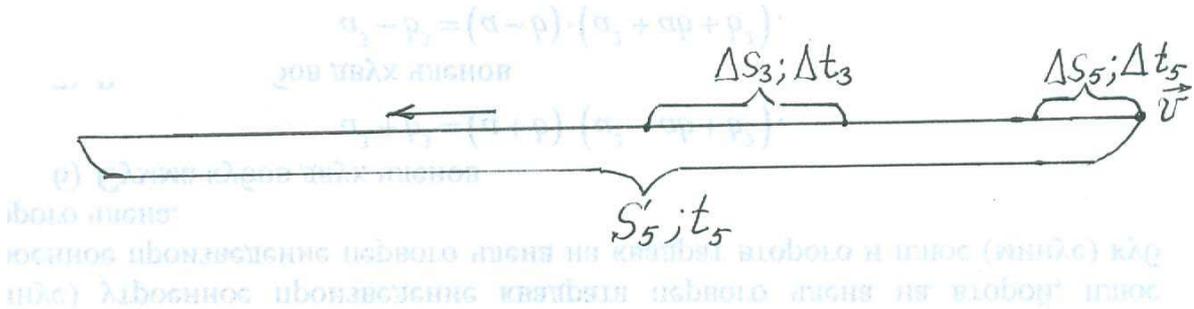


Рис.11

Задачи, в которых необходимо учитывать результирующую скорость движения тела.

Задача 10. Моторная лодка движется против течения реки со скоростью $v_1 = 36 \frac{\text{км}}{\text{ч}}$. Какой путь пройдет эта лодка по течению реки за время $t = 2$ мин., если скорость течения реки $v_T = 5 \text{ м/с}$? (Рис.12).

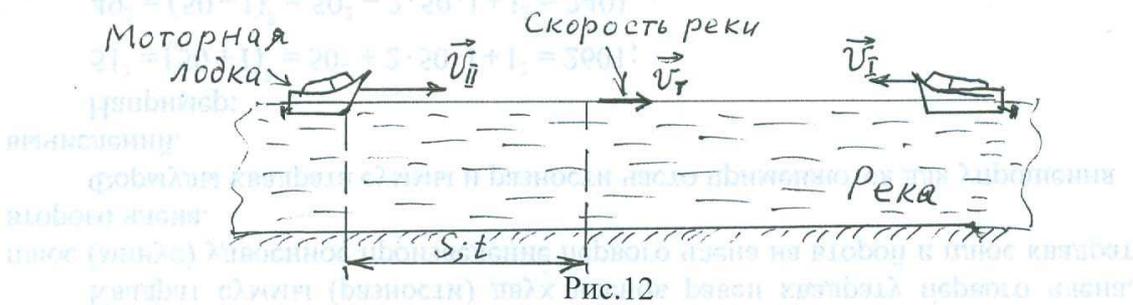


Рис.12

Решение задач с объяснением.

Перерисуем рисунок в рабочую тетрадь, проанализируем рисунок, запишем кратко условие задачи и выразим числовые данные величин с СИ.

$$v_1 = 36 \frac{\text{км}}{\text{ч}} = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$t = 2 \text{ мин} = 120 \text{ с}$$

$$v_T = 5 \text{ м/с}$$

S - ?

Из рис.12 мы видим, что путь S моторной

лодки по течению реки можно определить по формуле:

$$S = v_{\text{п}} \cdot t, \quad (1)$$

где t – время движения; $v_{\text{п}}$ – результирующая скорость лодки по течению:

$$v_{\text{п}} = v_a + v_T \quad (2)$$

Против течения реки результирующая скорость моторной лодки v_1 будет:

$$v_1 = v_n - v_T \quad (3)$$

В формулах (2) и (3) v_n - это скорость лодки в неподвижной воде, а v_T - это скорость течения воды в реке. Выполним алгебраические преобразования

$$v_{II} - v_1 = 2v_T \Rightarrow v_{II} = 2v_1 + v_1 \quad (4)$$

Поставим (4) в (1):

$$S = (2v_T + v_T)t$$

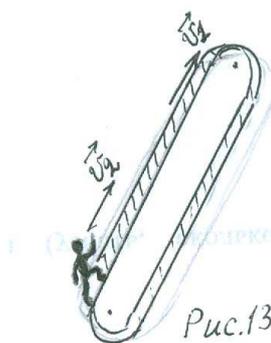
Проверим единицу измерения и выполним вычисление:

$$[S] = \left[\left(\frac{M}{c} + \frac{M}{c} \right) \cdot c \right] = M$$

$$S = (2 \cdot 5 + 10) \cdot 120 = 2400 \text{ м} = \underline{\underline{2,4 \cdot 10^3 \text{ м}}}$$

Решите самостоятельно.

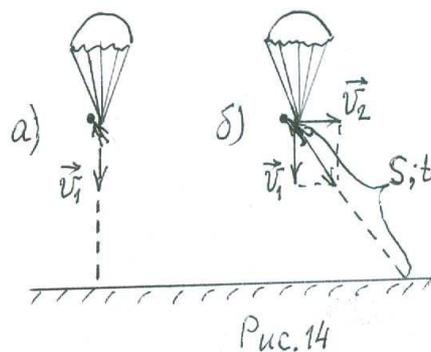
Задача 11. Эскалатор метро поднимает неподвижно стоящего на нём пассажира в течение $t_1 = 1$ мин. По неподвижному эскалатору пассажир поднимается за время $t_2 = 3$ мин. (Рис.13). Сколько времени будет подниматься идущий вверх пассажир по движущемуся эскалатору?
 Ответ: 45 с.



Задача 12. Парашютист опускается вертикально на Землю со скоростью $v_1 = 4 \text{ м/с}$ (Рис.14а) при спокойном состоянии воздуха.

С какой скоростью он будет двигаться (v - ?) при горизонтальном ветре, скорость которого $v_2 = 3 \text{ м/с}$. (Рис.14б). Какое расстояние он пролетит за время $t = 1$ мин?

Ответ: 300 м.



Свободное падение.

Свободное падение это частный случай равнопеременного движения по вертикали с ускорением свободного падения $g = 9,8 \text{ м/с}^2$. Поэтому все формулы для равнопеременного движения справедливы и для этого движения. Для удобства выполнить в этих формулах замену: $S \Rightarrow h$ и $\alpha \Rightarrow g$.

Задача 13. Тело падает вертикально с высоты $h = 19,6$ м из состояния покоя. За какое время тело пройдет: 1) первый 1 м своего пути ($h_1 = 1$ м); 2) последний метр своего пути ($h_2 = 1$ м)? Сопротивление воздуха не учитывать. (Рис.15).

$$h = 19,6 \text{ м}$$

$$h_1 = 1 \text{ м}$$

$$h_2 = 1 \text{ м}$$

$$v_0 = 0$$

$$g = 9,8 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$$

Решение задачи с объяснением.

Перерисуем схему движения тела, запишем условие задачи и проанализируем условие задачи с помощью

рисунка, запишем формулы:

$$h_1 = \frac{gt_1^2}{2} \Rightarrow t_1 = \sqrt{\frac{2h_1}{g}}$$

(1)

$t_1 - ?$

$t_2 - ?$

$$t_2 = t - t_3$$

(2)

где t – время падения с высоты h , t_3 – время падения с высоты

$h_3 = h - h_2 = 18,6$ м. Выразим время t и t_3 :

$$h = \frac{gt^2}{2} \Rightarrow t = \sqrt{\frac{2h}{g}}; \quad h_3 = \frac{gt_3^2}{2} \Rightarrow t_3 = \sqrt{\frac{2h_3}{g}} \quad (3)$$

Выполним алгебраические преобразования:

$$t_2 = \sqrt{\frac{2h}{g}} - \sqrt{\frac{2(h-h_2)}{g}}$$

Проверим единицу измерения и выполним вычисление:

$$[t_1] = [t_2] = \left[\sqrt{\frac{\text{м} \cdot \text{с}^2}{\text{м}}} \right] = \text{с}$$

$$t_1 = \sqrt{\frac{2 \cdot 1}{9,8}} \approx 0,45 \text{ с}$$

$$t_2 = \sqrt{\frac{2 \cdot 19,6}{9,8}} - \sqrt{\frac{2(19,6-1)}{9,8}} \approx 2 - 1,95 = 0,05 \text{ с}$$

Решите самостоятельно следующие задачи.

Задача 14. Тело, которое брошено вертикально вверх, вернулось на Землю через $t = 3$ с. Какова была начальная скорость ($v_0 - ?$)? На какую высоту ($h - ?$) поднялось тело. Сопротивление воздуха не учитывать. $g = 9,8 \text{ м/с}^2$. (Рис.16).

Ответ: $v_0 \approx 14,7 \text{ м/с}$, $h \approx 11$ м.

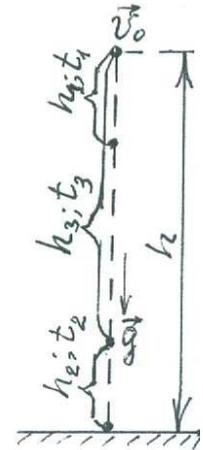


Рис.15

Задача 15. Тело падает вертикально с высоты $h = 19,6$ м из состояния покоя. Какой путь пройдёт тело: 1) за первую $0,1$ с ($t_1 = 0,1$ с) своего движения; 2) за последнюю $0,1$ с ($t_2 = 0,1$ с) своего движения. Сопротивление воздуха не учитывать. (Рис.17) $h_1 \approx 0,1$ с ($t_1 = 0,1$ с) своего движения; за последнюю $0,1$ с ($t_2 = 0,1$ с) своего движения. Сопротивление воздуха не учитывать. (Рис.15) 1) $h_1 \approx 0,049$ м 2) $h_2 \approx 17,7$ м.

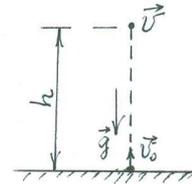


Рис. 16

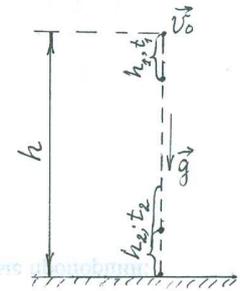


Рис. 17

Рассмотрим движение тела по криволинейной траектории (параболе)

Такое движение происходит, если тело бросают горизонтально или под углом к горизонту. Парабола есть результат одновременного участия в двух движениях: равномерном прямолинейном движении по горизонтали и свободном падении по вертикали.

Задача 16. С крутого берега реки высотой $h = 20$ м бросают горизонтально камень со скоростью 15 м/с. Найдите время падения ($t - ?$), дальность полета ($S_x - ?$) и скорость камня при падении в воду. Сопротивление воздуха не учитывать и принять $g = 10$ м/с². (Рис.18).

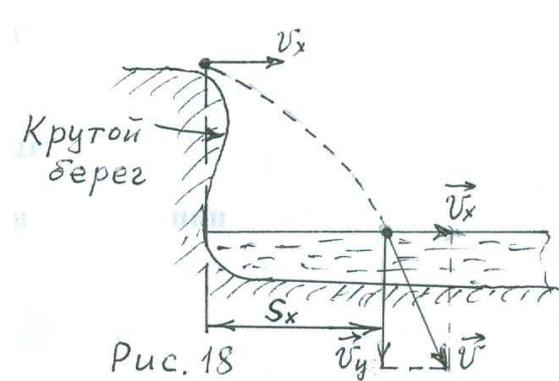


Рис. 18

Решение задачи с объяснением.
 $h = 20$ м
 Перерисуем рис.16 и запишем кратко условие задачи.

$v_x = 15$ м/с
 $g = 10$ м/с²

Тело (камень) одновременно участвует в двух движениях: равномерном по горизонтали и свободном падении. Запишем формулы:

$t - ?$

$S_x - ?$

$v - ?$

$$h = \frac{gt^2}{2} \Rightarrow t = \sqrt{\frac{2h}{g}} \quad (1)$$

$$S_x = v_x t \quad S_x = v_x \sqrt{\frac{2h}{g}}$$

Из рисунка видим, что скорость падения камня в воду определяется по формуле Пифагора:

$$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} \quad (2)$$

здесь v_y - скорость камня, которую он достигает при свободном падении:

$$v_y = gt = g\sqrt{\frac{2h}{g}} = \sqrt{2gh} \quad (3)$$

Подставим (3) в (2) и получим:

$$v = \sqrt{v_x^2 + 2gh}$$

Проверим единицы измерения искомых величин и найдём их числовые значения:

$$[t] = \left[\sqrt{\frac{M \cdot c^2}{M}} \right] = c \quad [S_x] = \left[\frac{M}{c} \sqrt{\frac{M \cdot c^2}{M}} \right] = M$$

$$[v] = \left[\sqrt{\frac{M^2}{c^2} + \frac{M \cdot M}{c^2}} \right] = \sqrt{\frac{M^2}{c^2}} = \frac{M}{c}$$

$$t = \sqrt{\frac{2 \cdot 20}{10}} = 2c; \quad S_x = 15 \cdot 2 = 30 \text{ м}$$

$$v = \sqrt{225 + 2 \cdot 10 \cdot 20} = \sqrt{625} = 25 \text{ м/с}$$

Решите самостоятельно.

Задача 17. Камень брошен со скоростью 10 м/с под углом $\alpha = 30^\circ$ к горизонту. Определите v_x и v_y в начальный момент; высоту наибольшего подъема; время полёта; дальность полёта (Рис.17). $g = 10 \text{ м/с}^2$
 Ответ: 8,7 м/с; 5 м/с; 1,2 м; 1 с; 8,7 м.

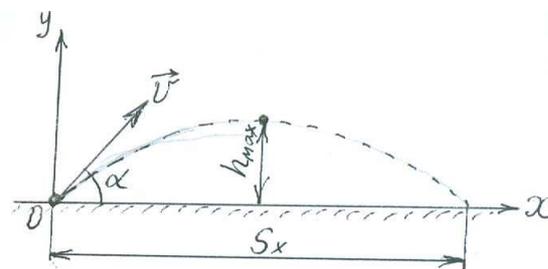


Рис 19

Для равномерного движения по окружности необходимо знать семь основных формул:

1. $\nu = \frac{N}{t}$ - частота оборотов ν ; N – число оборотов; t – время.
2. $\nu = \frac{l}{T}$ - взаимосвязь частоты оборотов ν с периодом оборотов T .
3. $\omega = \frac{\varphi}{t}$ - угловая скорость ω ; φ - угол поворота тела; t – время.
4. $\omega = \frac{2\pi}{T}$ - взаимосвязь угловой скорости с периодом T .
5. $\omega = 2\pi\nu$ - взаимосвязь угловой скорости ω с угловой частотой ν .
6. $\nu = \omega R$ - взаимосвязь линейной скорости ν с угловой ω ; R – радиус.
7. $\alpha_n = \frac{v^2}{R}$ - нормальное ускорение α_n ; v^2 - линейная скорость; R -радиус.

Задача 18. Минутная стрелка часов (l_1) в $\eta_1 = 1,5$ раза длиннее часовой (l_2). Во сколько раз линейная скорость конца минутной стрелки больше, чем линейная скорость конца часовой стрелки. (Рис.20)?

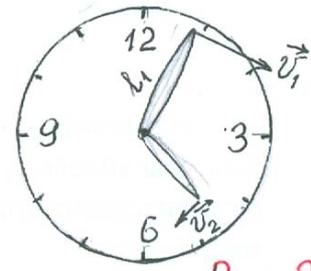


Рис.20

Решение задачи с объяснением

$$\eta_1 = 1,5$$

$$T_1 = 1 \text{ ч} = 3600 \text{ с}$$

$$T_2 = 12 \text{ ч} = 12 \cdot 3600 \text{ с}$$

Перерисуем рисунок и запишем кратко условие задачи. Причем из анализа рисунка видим:

$$\eta_1 = \frac{l_1}{l_2} = \frac{R_1}{R_2}, \quad (1)$$

$$\eta_2 - ?$$

где $R_1 = l_1$, и $R_2 = l_2$ есть радиусы вращения концов стрелок, у которых периоды вращения T_1 и T_2 всегда известны. Из анализа рисунка мы можем записать формулу для определения η_2 - во сколько раз линейная скорость v_1 конца минутной стрелки больше, чем линейная скорость v_2 конца часовой стрелки:

$$\eta_2 = \frac{v_1}{v_2} \quad (2)$$

Для линейной и угловой скоростей вращения тела нам известны формулы:

$$\left. \begin{aligned} v_1 &= \omega_1 R_1 \\ v_2 &= \omega_2 R_2 \\ \omega_1 &= \frac{2\pi}{T_1} \\ \omega_2 &= \frac{2\pi}{T_2} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \begin{aligned} v_1 &= \frac{2\pi R_1}{T_1} & (3) \\ v_2 &= \frac{2\pi R_2}{T_2} & (4) \end{aligned}$$

Выполним алгебраические преобразования для полученной системы уравнений:

$$\eta_2 = \frac{R_1 T_2}{R_2 T_1} = \frac{\eta_1 T_2}{T_1} \quad (5)$$

Из рабочей формулы (5) мы видим, что результат – безразмерное число, которое мы получим после подставки чисел

$$\eta_2 = \frac{1,5 \cdot 12 \cdot 3600}{3600} = 18$$

Попробуйте решить следующие задачи самостоятельно.

Задача 19. Колесо автомобиля вращается с угловой скоростью $\omega = 6,28 \text{ рад/с}$. Найдите число оборотов, которое сделает колесо за $t = 2$ мин. Какой путь пройдёт точка A за данное время, если радиус колеса 25 см? (Рис.21).
 Ответ: $N = 120$; $S = 188,4 \text{ м}$.

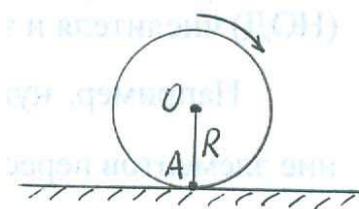


Рис.21

Задача 20. Угловая скорость колеса возросла в $\eta = 3$ раза ($\eta = \frac{\omega_2}{\omega_1}$), а нормальное ускорение увеличилось на $\Delta a_n = 4 \text{ м/с}^2$. Каким было центростремительное ускорение (a_{n1} - ?) при начальной угловой скорости? (Рис.22).
 Ответ: $0,5 \text{ м/с}^2$.

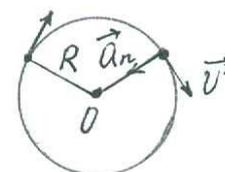


Рис.22

Задача 21. Найти радиус вращающегося Колеса (R - ?), если известно, что $\eta = 3$ ($\eta = \frac{v_1}{v_2}$). Расстояние между точками $\Delta R = 0,5 \text{ м}$. (Рис.23).
 Ответ: $0,75 \text{ м}$.

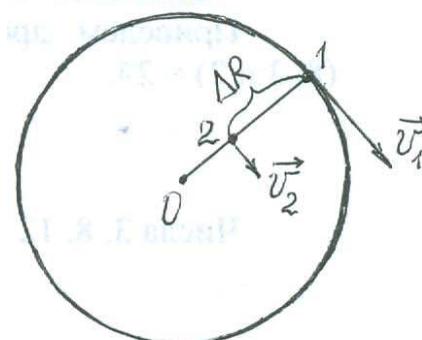


Рис.23

Задача 22. Во сколько раз нормальное ускорение точки на конце минутной стрелки часов больше, чем нормальное ускорение точки конца часовой стрелки ($\eta_1 = \frac{a_{n1}}{a_{n2}} = ?$).

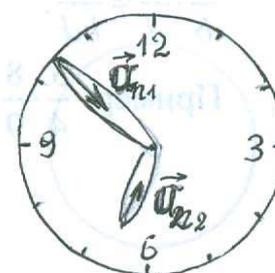


Рис.24

Длина минутной стрелки (l_1) больше длины часовой стрелки (l_2) в $\eta = 1,5$. (Рис.24).

Ответ: 216.